

استادبانک



نمونه سوالات همراه با جواب و

گام به گام کتاب‌های درسی

به طور کامل رایگان در

اپلیکیشن استادبانک

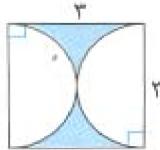
به جمع دهها هزار کاربر اپلیکیشن رایگان استادبانک بپیوندید.

لینک دریافت اپلیکیشن نمونه سوالات استادبانک (کلیک کنید)

* برای مشاهده نمونه سوالات دانلود شده به صفحه بعد مراجعه کنید.

مجموعه سوالات استادبانک

۱- محیط بخش رنگی شکل زیر چند سانتیمتر است؟ (عدد پی را $\pi = 3$ در نظر بگیرید.)



پاسخ

محیط بخش رنگی برابر با محیط دو نیم‌دایره کامل می‌شود به اضافهٔ دو ضلع مربع است.

$$\left. \begin{array}{l} 6 + 6 = 12 \\ 3 \times 2 = 6 \end{array} \right\} \text{محیط بخش رنگی} \Rightarrow 18 = \text{قطر دایره}$$

دو ضلع مربع

۲- الف) گنجایش یک پارچ ۱ لیتر است. اگر لیوانی ۲۰۰ سی سی گنجایش داشته باشد، چند مرتبه باید لیوان را پر کرده و در پارچ بربزیم تا پر شود؟

ب) یک پارچ و ۲ لیوان با هم چند سانتی‌مترمکعب گنجایش دارند؟

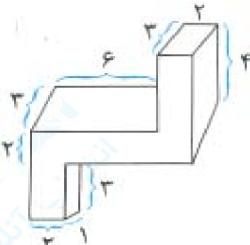
پاسخ

الف) مرتبه باید لیوان پر شود. $1000 \div 200 = 5 \Rightarrow 5 \text{ سی سی} = 1 \text{ لیتر}$

ب) ۱۰۰۰ سانتی‌متر مکعب = ۱ لیتر و ۲۰۰ سانتی‌مترمکعب = ۲ سی سی

سانتی‌مترمکعب = $1000 + (2 \times 200) = 1400$ یک پارچ و ۲ لیوان

۳- حجم شکل زیر چند سانتی‌متر مکعب است؟ (اندازه‌های روی شکل بر حسب سانتی‌متر هستند.)

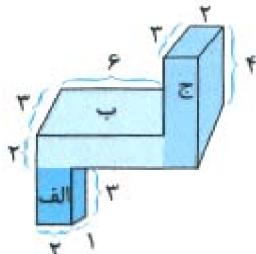


پاسخ

$$\text{حجم (ج)} + \text{حجم (ب)} + \text{حجم (الف)} = \text{حجم شکل}$$

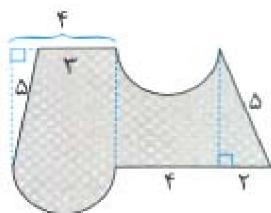
$$= (1 \times 2 \times 3) + (2 \times 6 \times 3) + (3 \times 2 \times 3)$$

$$= 6 + 36 + 18 = 54 \text{ سانتی متر مکعب}$$



مجموعه سوالات استادبانک

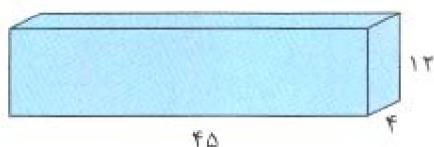
۴- با فرض عدد پی برابر با π ، محیط قسمت رنگ شده چند سانتی متر است؟ (اندازه های روی شکل بر حسب سانتی متر هستند).



«پاسخ»

$$\text{سانتی متر} \quad \text{محیط شکل} = 5 + 2 + 4 + \left(\frac{4 \times 3}{\pi} \right) + 5 + 3 + \left(\frac{4 \times 3}{\pi} \right) = 31$$

۵- الف) حجم مکعب مستطیل زیر چند سانتی متر مربع است؟ (اندازه های روی شکل بر حسب سانتی متر هستند).



ب) چه تعداد جعبه های به ابعاد $18 \times 3 \times 4$ سانتی متر در این مکعب مستطیل جا می شود؟

«پاسخ»

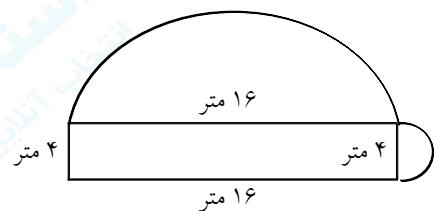
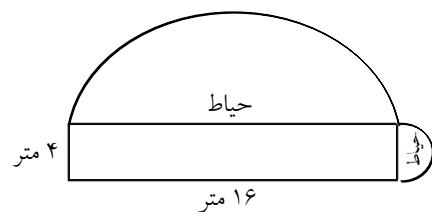
$$\text{الف)} \quad \text{سانتی متر مکعب} = 45 \times 4 \times 12 = 2160$$

$$\text{ب)} \quad \text{سانتی متر مکعب} = 18 \times 3 \times 4 = 216$$

$$2160 \div 216 = 10$$

مجموعه سوالات استادبانک

۶- خانه‌ی یاسمن مطابق شکل زیر ۲ حیاط نیم‌دایره‌ای دارد. محیط کل حیاط‌های خانه‌ی او چند کتر است؟ (عدد پی را در نظر بگیرید).

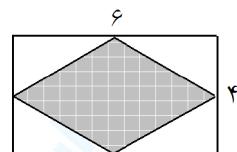


پاسخ

$$\text{قطر نیم‌دایره‌ی کوچک} + \text{نصف محیط دایره‌ای به قطر ۴} + \text{قطر نیم‌دایره‌ی بزرگ} + \text{نصف محیط دایره‌ای به قطر ۱۶} = \text{محیط کل حیاطها}$$

$$\text{متر} = \frac{16 \times 3}{2} + 16 + \frac{4 \times 3}{2} + 4 = 24 + 16 + 6 + 4 = 50$$

۷- مساحت قسمت رنگی شکل زیر را به دست آورید.



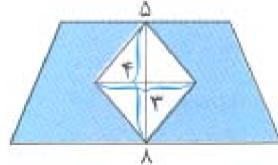
$$\text{مساحت مستطیل} = 4 \times 6 = 24$$

$$\text{نصف مساحت مستطیل} = \frac{4 \times 6}{2} = 12 = \text{مساحت لوزی داخل مستطیل} = \text{مساحت قسمت رنگی}$$

پاسخ

مجموعه سوالات استادبانک

۸- مساحت قسمت رنگی شکل زیر را به دست آورید.



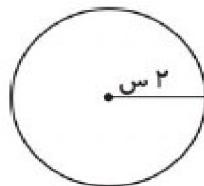
پاسخ

$$\text{مساحت ذوزنقه} = \frac{(5+8) \times 4}{2} = 26$$

$$\text{مساحت لوزی داخل ذوزنقه} = \frac{4 \times 3}{2} = 6$$

$$\text{مساحت قسمت رنگی} = 26 - 6 = 20$$

۹- مساحت دایره‌ی زیر را به دست آورید.



پاسخ

$$\text{مساحت دایره} = 3/14 \times \text{شعاع} \times \text{شعاع}$$

$$\text{سانتی متر مربع} = 2 \times 2 \times 3/14 = 12/56 = 12/56$$

۱۰- در هر لیوان $1/25$ لیتر آب جا می‌گیرد. اگر یک پارچ با 4 لیوان آب پر شود:

(الف) برای پر کردن پارچ، چند لیتر آب نیاز داریم؟

(ب) اگر پارچ دارای $2/32$ لیتر آب باشد، چقدر آب لازم است تا پارچ کاملاً پر شود؟

پاسخ

(الف)

$$\begin{array}{r} 1/25 \\ \times \quad 4 \\ \hline 5/00 \end{array}$$

لیتر

(ب)

$$\begin{array}{r} 1/25 \\ \times \quad 4 \\ \hline 2/00 \end{array}$$

لیتر

مجموعه سوالات استادبانک

۱۱- پاسخ مناسب را مشخص کنید.

(الف) متوازی الاضلاع خط تقارن ندارد. (ص - غ)

(ب) فاصله‌ی بین شهرها را با واحدی به نام کیلومترمربع اندازه‌گیری می‌کنند. (ص - غ)

(ج) خطی که شکل را به دو قسمت متساوی تقسیم می‌کند به‌طوری که دو قسمت بر هم منطق باشند، خط تقارن نام دارد. (ص - غ)

(د) یک سی سی گنجایش مکعبی توخالی به ابعاد ۱۰ سانتی‌متر است. (ص - غ)

پاسخ

الف) صحیح است.

ب) غلط است. فاصله‌ی بین شهرها را با وسیله‌ای به نام کیلومترشمار اندازه‌گیری می‌کنند.

ج) صحیح است.

د) غلط است. یک سی سی گنجایش مکعبی توخالی به ابعاد ۱ سانتی‌متر است.

۱۲- برای تهیه نوعی شربت به ۴ لیتر آب و $\frac{3}{5}$ لیتر آبمیوه و $\frac{1}{5}$ لیتر آبلیمو نیاز داریم.

(۱) آیا یک ظرف $\frac{4}{5}$ لیتری برای تهیه این شربت کافی است؟

(۲) حجم کل این شربت چند سی سی است؟

(۳) اگر این مقدار شربت را در ۷ بطری یکسان بریزیم حجم شربت هر بطری چند سی سی خواهد شد؟

پاسخ

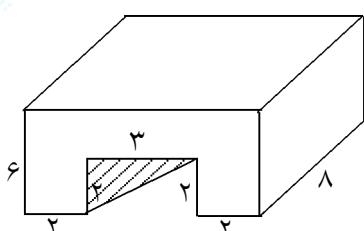
$$1) \quad (4 + \frac{3}{5}) + \frac{1}{5} = 4\frac{3}{5} + \frac{1}{5} = 4\frac{5}{5} + \frac{1 \times 2}{5 \times 2} = 4\frac{5}{5} + \frac{2}{10} = 4\frac{7}{10} = 4\frac{7}{10}$$

خیر مقدار شربت بیش از $\frac{4}{5}$ لیتر است.

$$2) \quad \text{سی سی } 4\frac{7}{10} \times 1000 = 7700$$

در هر بطری ۱۱۰۰ سی سی جای می‌گیرد. $1100 \div 7 = 1100$

۱۳- حجم شکل؟



پاسخ

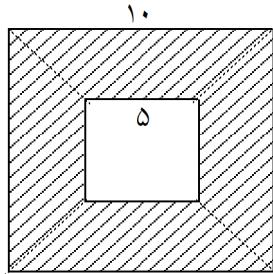
$$\text{طول مکعب } 2 + 3 + 2 = 7$$

$$\text{حجم کل } 8 \times 7 \times 6 = 336$$

$$\text{حجم مکعب کوچک } 3 \times 2 \times 8 = 48$$

$$\text{حجم شکل } 336 - 48 = 288$$

۱۴- مساحت قسمت رنگی؟



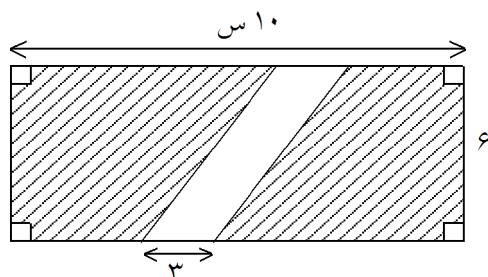
پاسخ »

$$\text{سانتی متر مربع } 10 \times 10 = 100 = \text{مساحت مربع بزرگ}$$

$$\text{سانتی متر مربع } 5 \times 5 = 25 = \text{مساحت مربع کوچک}$$

$$\text{سانتی متر مربع } 100 - 25 = 75 = \text{مساحت رنگی}$$

۱۵- مساحت قسمت رنگی شکل را حساب کنید.



پاسخ »

$$\text{ارتفاع خارج متوازی الاضلاع} = 6 \text{ سانتی متر}$$

$$\text{سانتی متر مربع } 10 \times 6 = 60 = \text{مساحت مستطیل}$$

$$\text{سانتی متر مربع } 6 \times 3 = 18 = \text{مساحت متوازی الاضلاع}$$

$$\text{سانتی متر مربع } 60 - 18 = 42 = \text{مساحت رنگی}$$

۱۶- هر جمله را با یکی از کلمه‌های همیشه، هیچ وقت یا گاهی کامل کنید.

(۱) قطرهای مربع با هم برابرند.

(۲) ضلع‌های ذوزنقه دو به دو با هم موازیند.

(۳) دو تا ضلع‌های ذوزنقه مساویند.

(۴) می‌توانیم ذوزنقه‌ای با سه زاویه‌ی راست رسم کنیم.

پاسخ »

(۱) همیشه

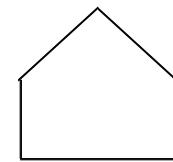
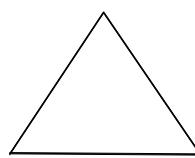
(۲) هیچ وقت

(۳) گاهی

(۴) هیچ وقت

مجموعه سوالات استادبانک

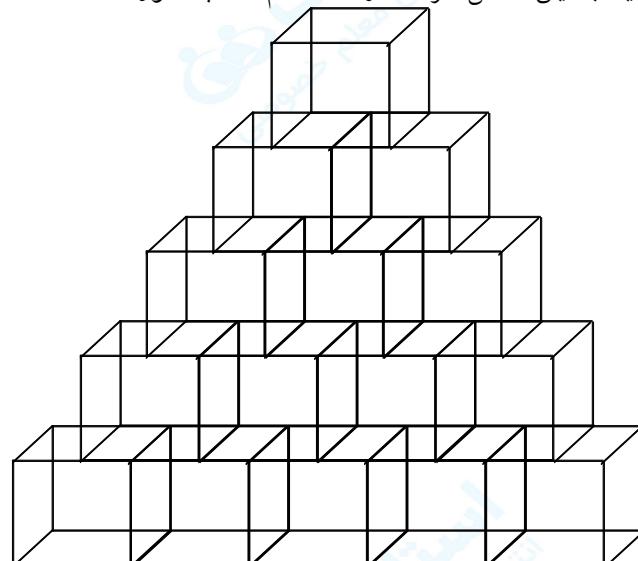
۱۷- حسین و محمد و علی هر کدام با یک تکه نخ 50 سانتی‌متری شکل‌های زیر را ساختند. محیط کدام شکل بیشتر است؟ چرا؟



پاسخ

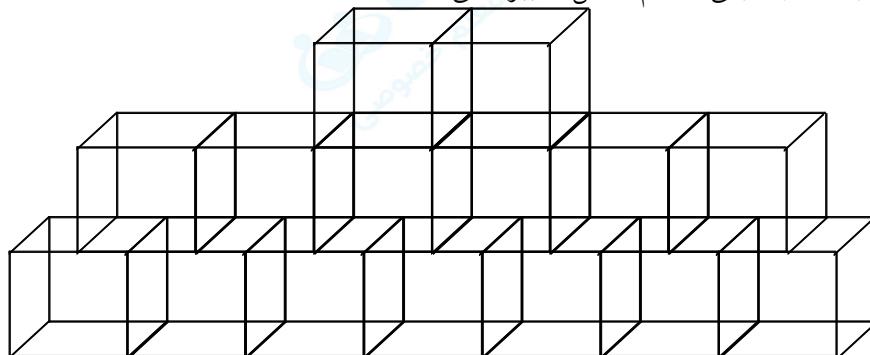
محیط همهٔ شکل‌ها مساوی است. چون با تکه نخ 50 سانتی‌متری هر نوع شکل را بسازیم محیط همهٔ برابر 50 سانتی‌متر خواهد بود.

۱۸- سارا 15 چینه (مکعب) را به این شکل روی هم چیده است. شما هم 15 مکعب (چینه) بردارید و آن‌ها را روی هم بچینید. آیا شکلی که شما ساخته‌اید با این شکل فرق دارد؟ حجم آن چه طور؟



پاسخ

شکل و نوع چینش تفاوت دارد ولی حجم شکل تغییر نمی‌کند.



مجموعه سوالات استادبانک

۱۹- جاهای خالی را کامل کنید.

- (۱) یک متر مکعب، گنجایش مکعبی تو خالی به ابعاد است.
- (۲) یک سانتی متر مکعب، گنجایش مکعبی تو خالی به ابعاد است.
- (۳) یک دسی متر مکعب، گنجایش مکعبی تو خالی به ابعاد است.
- (۴) یک لیتر = سانتی متر مکعب است.

پاسخ

$$\text{ارتفاع} \times \text{عرض} \times \text{طول} = \text{حجم}$$

$$(1) 1 \text{ متر} \times 1 \text{ متر} \times 1 \text{ متر}$$

$$(2) 1 \text{ سانتی متر} \times 1 \text{ سانتی متر} \times 1 \text{ سانتی متر}$$

$$(3) 1 \text{ دسی متر} \times 1 \text{ دسی متر} \times 1 \text{ دسی متر}$$

$$(4) 1000 \text{ سانتی متر مکعب}$$

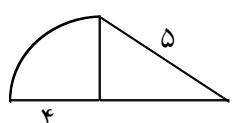
۲۰- جدول زیر را کامل کنید.

شعاع دایره	قطر دایره	محیط دایره
۱ سانتی متر		
	۸ سانتی متر	
	۲ متر	

پاسخ

شعاع دایره	قطر دایره	محیط دایره
۱ سانتی متر	$1 \times 2 = 2$	$2 \times \pi / 14 = 6 / 28$
$8 \div 2 = 4$	سانتی متر	$8 \times \pi / 14 = 25 / 12$
$2 \div 2 = 1$	متر	$2 \times \pi / 14 = 6 / 28$

۲۱- محیط شکل رو به رو را حساب کنید.



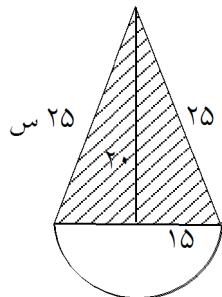
پاسخ

$$\text{قطر} = 8$$

$$\text{محیط دایره} = \frac{1}{4} \times \pi \times 8 = 6 / 28$$

$$\text{محیط شکل} = 6 / 28 + 4 + 4 + 5 = 19 / 28$$

۲۲- مساحت قسمت رنگ شده را حساب کنید.

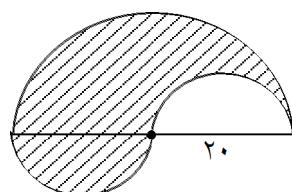


$$\frac{\text{ارتفاع} \times \text{قاعدہ}}{2} = \text{مساحت}$$

$$\frac{10}{\sqrt{10}} \times 15 = 150 \text{ سانتی متر مربع مساحت}$$

پاسخ

قسمت رنگ شده مثلث متساوی الساقین است.



۲۳- محیط شکل؟

$$\frac{10}{\sqrt{10}} \times \frac{3}{14} = 31/40 \text{ محیط نیم دایره کوچک}$$

$$20 \times 2 = 40 \text{ قطر دایره بزرگ}$$

$$\frac{20}{\sqrt{40}} \times \frac{3}{14} = 62/80 \text{ محیط نیم دایره بزرگ}$$

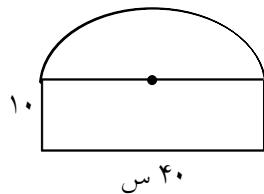
$$62/80 + 31/40 + 20 = 114/20 \text{ محیط شکل}$$

پاسخ

عدد ۲۰ شعاع دایره بزرگ و قطر دایره کوچک است.

مجموعه سوالات استادبانک

۲۴- محیط شکل زیر چند سانتی‌متر است؟



پاسخ »

قطر نیم‌دایره 40 سانتی‌متر است.

$$\text{محیط نیم دایره} = \frac{\pi \times \text{قطر}}{2} = \frac{\pi \times 40}{2} = 62.80$$

$$\text{محیط شکل سانتی‌متر} = 62.80 + 10 + 40 + 10 = 122.80$$

۲۵- شهرداری شهر قم می‌خواهد دور میدانی به شعاع 30 متر را جدول سیمانی بسازد. اگر مخارج هر متر جدول سیمانی 800 تومان باشد. هزینه‌ی جدول‌سازی دور این میدان چه قدر می‌شود؟

پاسخ »

$$\text{قطر} = 30 \times 2 = 60$$

$$\text{محیط میدان} = 60 \times \pi / 14 = 188.40$$

$$\text{هزینه‌ی جدول سازی} = 188.4 \times 8000 = 1507200$$

۲۶- جهاد کشاورزی در یک روستا منبع آبی ساخته که شعاع دایره‌ای کف آن 6 متر است. محیط دایره‌ای کف این منبع آب چند متر است؟

پاسخ »

$$\text{قطر} = \text{محیط} \times \pi / 14$$

$$\text{قطر} = 12 \times 6 = 72$$

$$\text{متر محیط کف منبع} = 72 \times \pi / 14 = 37.67$$

۲۷- حجم مکعبی 30 سانتی‌متر مکعب است. اگر ارتفاع 2 سانتی‌متر و عرض 3 سانتی‌متر باشد طول این مکعب چند سانتی‌متر است؟

پاسخ »

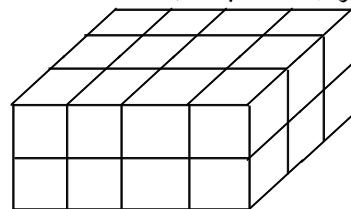
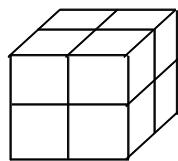
$$\text{ارتفاع} \times \text{عرض} \times \text{طول} = \text{حجم}$$

$$30 = ? \times 3 \times 2$$

$$\text{طول مکعب سانتی‌متر} = 30 \div 6 = 5$$

مجموعه سوالات استادبانک

-۲۸- حجم هر یک از اجسام زیر را حساب کنید.



» یاسخ »

شکل سمت چپ:

$$\text{ارتفاع} \times \text{عرض} \times \text{طول} = \text{حجم}$$

$$2 \times 2 \times 2 = 8 \text{ سانتی متر مکعب}$$

$$2 \times 3 \times 4 = 24 \text{ سانتی متر مکعب}$$

شکل سمت راست:

-۲۹- در جاهای خالی عدد مناسب بنویسید.

$$5 \text{ سی سی} = \dots \text{ لیتر}$$

$$8 \text{ لیتر} = \dots \text{ سی سی}$$

$$12000 \text{ سانتی متر مکعب} = \dots \text{ لیتر}$$

$$20 \text{ سی سی} = \dots \text{ لیتر}$$

» یاسخ »

لیتر	1	0.1005
سی سی	1000	⑤
لیتر	1	8
سی سی	1000	⑧۰۰۰
لیتر	1	12
سی سی	1000	12000
لیتر	1	20
سی سی	1000	⑩.۰۲۰

مجموعه سوالات استادبانک

۳۰- حجم مکعب مستطیلی ۴۸ سانتی‌متر مکعب است. اگر طول آن ۶ و عرض ۴ سانتی‌متر باشد ارتفاع این مکعب مستطیل چند سانتی‌متر است؟

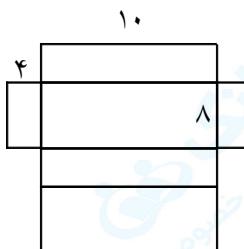
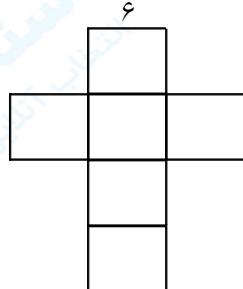
» پاسخ «

$$\text{ارتفاع} \times \text{عرض} \times \text{طول} = \text{حجم}$$

$$48 = 6 \times 4$$

$$\text{ارتفاع} = 48 \div 24 = 2$$

۳۱- حجم مکعب‌های زیر چند سانتی‌متر مکعب است؟ تفاوت این دو حجم چه قدر است؟

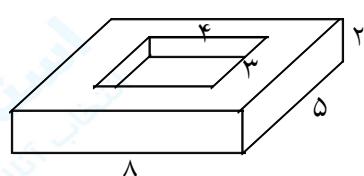


» پاسخ «

$$\text{حجم مکعب سانتی متر مکعب} = 6 \times 6 \times 6 = 216$$

$$\text{حجم مکعب مستطیل} = 10 \times 8 \times 4 = 320$$

$$\text{تفاوت حجم دو شکل} = 320 - 216 = 104$$



۳۲- حجم شکل چند سانتی‌متر مکعب است؟

$$\text{حجم مکعب بزرگ} = 8 \times 5 \times 8 = 80$$

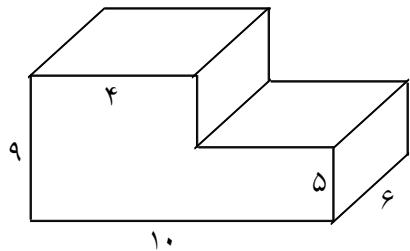
$$\text{حجم مکعب کوچک} = 4 \times 3 \times 2 = 24$$

$$\text{حجم شکل} = 80 - 24 = 56$$

» پاسخ «

مجموعه سوالات استادبانک

۳۳- حجم شکل زیر چند سانتی متر مکعب است؟



$$\text{سانتی متر مکعب} = 5 \times 6 \times 10 = 300$$

$$\text{سانتی متر مکعب} = 9 \times 4 \times 4 = 96$$

$$\text{حجم شکل} = 300 + 96 = 396$$

پاسخ

۳۴- مخزنی است به شکل مکعب که هر بُعد آن ۱۰۰ سانتی متر است. گنجایش این مخزن چند لیتر است؟

در صورتی که $\frac{3}{5}$ این مخزن پر باشد چند لیتر آب در این مخزن وجود دارد؟ چند لیتر دیگر آب داخل مخزن بریزیم تا پر شود؟

پاسخ

$$\text{سانتی متر مکعب} = 100 \times 100 \times 100 = 1000000 = \text{حجم}$$

$$\text{لیتر} = 1000000 \div 1000 = 1000$$

$$1000 \times \frac{3}{5} = \frac{3000}{5} = 600 \text{ لیتر آب دارد.}$$

$$1000 - 600 = 400 \text{ لیتر آب لازم است.}$$

۳۵- جمله های زیر را کامل کنید.

(۱) آب مصرفی خانه ها را با واحدی به نام اندازه گیری می کنند.

(۲) یک سی سی آب تقریبا قطره آب است.

(۳) یک سانتی مکعب، گنجایش مکعبی است توخالی که اندازه هی هر بُعد آن متر می باشد.

(۴) یک لیتر گنجایش مکعبی توخالی است که هر بعد آن باشد.

پاسخ

(۱) متر مکعب

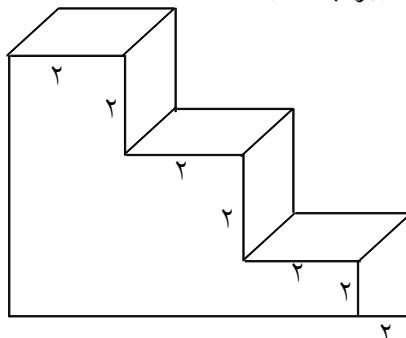
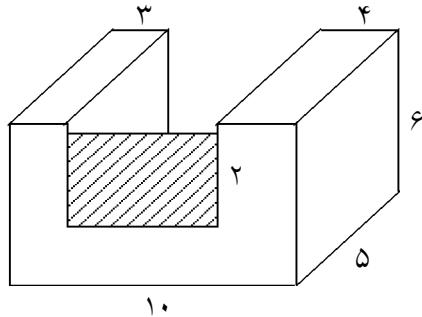
(۲) ۳۰ قطره

(۳) یک متر

(۴) ده سانتی متر

مجموعه سوالات استادبانک

۳۶- حجم شکل‌های زیر چه قدر است؟



پاسخ

$$4 \times 6 \times 5 = 120$$

$$5 \times 2 \times 3 = 30$$

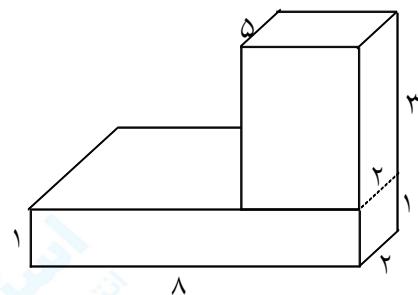
$$3 \times 5 \times 2 = 90$$

$$\text{حجم شکل سمت چپ} = 120 + 30 + 90 = 240$$

$$\text{حجم مکعب} = 2 \times 2 \times 2 = 8$$

$$\text{حجم شکل سمت راست} = 6 \times 8 = 48$$

۳۷- حجم شکل زیر چند سانتی‌متر مکعب است؟



پاسخ

می‌توان شکل را به یک مکعب مستطیل تبدیل کرد و حجم آنرا حساب کرد و یا حجم هر مکعب را حساب کرده با هم جمع می‌کنیم.

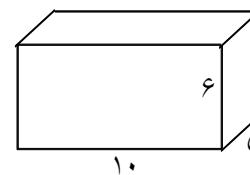
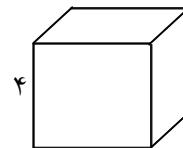
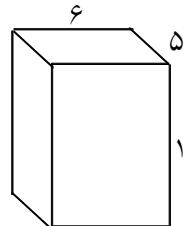
$$\text{حجم} = 3 \times 5 \times 2 = 30$$

$$\text{حجم} = 1 \times 2 \times 8 = 16$$

$$\text{حجم شکل} = 46 = 30 + 16$$

مجموعه سوالات استادبانک

۳۸- حجم هر شکل را پیدا کنید و بنویسید.



»پاسخ«

$$\text{ارتفاع} \times \text{عرض} \times \text{طول} = \text{حجم}$$

$$\text{حجم شکل سمت راست} = 6 \times 5 \times 10 = 300$$

$$\text{حجم شکل وسط} = 4 \times 4 \times 4 = 64$$

$$\text{حجم شکل سمت چپ} = 6 \times 5 \times 10 = 300$$

۳۹- جاهای خالی را با عدد یا کلمه‌ی مناسب پر کنید.

(۱) هر دایره مرکز قطر شعاع دارد.

(۲) قطر برابر شعاع است.

(۳) شعاع برابر قطر است.

(۴) محیط دایره =

»پاسخ«

(۱) یک مرکز خیلی زیاد شعاع و خیلی زیاد قطر دارد.

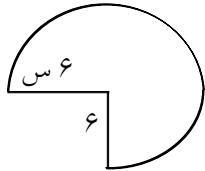
(۲) قطر ۲ برابر شعاع است.

(۳) شعاع $\frac{1}{2}$ برابر قطر است.

(۴) قطر $\times 14$

مجموعه سوالات استادبانک

۴۰- محیط شکل چند سانتی متر است؟ ابتدا جاهای خالی را پر کنید.



$$\text{محیط شکل} = +$$

«پاسخ»

$$\text{مجموع دو شعاع} + \text{محیط} \frac{3}{4} \text{ دایره} = \text{محیط شکل}$$

$$\text{قطر} = 12 \times 2 = 12$$

$$\text{محیط دایره} = 37 / 68$$

$$\text{محیط} \frac{3}{4} \text{ دایره} = \frac{37 / 68 \times \frac{3}{4}}{4} = 28 / 26$$

$$\text{محیط شکل} = 28 / 26 + 6 + 6 = 40 / 26$$