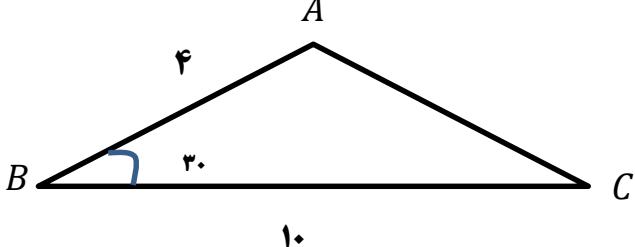


نام درس: ریاضی
تاریخ امتحان: ۱۶/۳/۱۳۹۶
ساعت امتحان: ۸ صبح
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه

اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
مدیریت منطقه ۳
دیبرستان دوره اول/دوم دخترانه / پسرانه
امتحانات پایان ترم دوم سال تحصیلی ۹۶-۹۵

نام و نام خانوادگی:
پایه و رشته: دهم ریاضی و تجربی
نام پدر:
شماره داوطلب:

خیر دنیا و آخرت با دانش است و شر دنیا و آخرت با نادانی. پیامبر اکرم (ص)

ردیف	سوالات	
بارم	محل مهر و امضاء مدیر	
۱	با فرض آنکه U مجموعه‌ی مرجع باشد و $n(B) = 40$ و $n(A) = 60$ و $n(U) = 100$ و $n(A \cap B) = 20$ باشد، مطلوبست: الف- $n(A - B)$ ج- $n(\bar{A} \cap \bar{B})$ ب- $n(A \cup B)$	۱
۱,۵	بین ۳ و ۴۸ سه واسطه‌ی هندسی درج کنید.	۲
۲	درستی تساوی‌های زیر را ثابت کنید. الف- $\frac{1+\tan \alpha}{1+\cot \alpha} = \tan \alpha$ ب- $\frac{\cos \theta}{1+\sin \theta} = \frac{1-\sin \theta}{\cos \theta}$	۳
۱	مساحت مثلث ABC را پیدا کنید. 	۴
۲	اگر $\sin \alpha = \frac{3}{4}$ و α در ناحیه‌ی دوم باشد، مطلوبست محاسبه‌ی $\cot \alpha$ و $\tan \alpha$ و $\cos \alpha$ و $\sin \alpha$.	۵
۳	معادلات مقابله‌ی را به روش خواسته شده حل کنید. الف- $x^2 - 8x + 6 = 0$ (روش مربع کامل) ب- $x^2 - 3x - 10 = 0$ (روش تجزیه) ج- $x^2 + 3x + 2 = 0$ (روش Δ)	۶
۱	به ازای چه مقادیری از m ، نمودار سهمی $y = x^2 + 3x + m$ همواره بالای محور x هاست؟	۷
۱	نمودار سهمی $y = x^2 + 4x + 4$ را رسم کنید.	۸
۱	اگر $f = \{(1, 3x - 2), (-5, 4y + 8), (4, 4)\}$ تابع همانی باشد، مقادیر y ، x را بدست آورید.	۹
۱	عبارت زیر را تعیین علامت کنید. $y = \frac{(x-1)(x-2)}{(x-3)(x-4)}$	۱۰

نام درس: ریاضی
تاریخ امتحان: ۱۶/۳/۹۶
ساعت امتحان: ۸ صبح
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه

اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
مدیریت منطقه ۳
دیبرستان دوره اول/دوم دخترانه / پسرانه
امتحانات پایان ترم دوم سال تحصیلی ۹۵-۹۶

نام و نام خانوادگی:
پایه و رشته: دهم ریاضی و تجربی
نام پدر:
شماره داوطلب:

۱,۵	<p>در یک کشور نوعی اتومبیل در ۵ مدل، ۱۰ رنگ، ۳ حجم موتور مختلف و ۲ نوع دنده (اتوماتیک و غیر اتوماتیک) تولید می شود.</p> <p>الف- چند نوع مختلف از این اتومبیل تولید می شود؟</p> <p>ب- اگر یکی از رنگ های تولید شده مشکی باشد، چند نوع از این اتومبیل با رنگ مشکی تولید می شود؟</p> <p>ج- چند نوع از این اتومبیل مشکی و با دنده اتوماتیک می باشد؟</p>	۱۱
۱	<p>در معادله $\frac{n!}{(n-2)!} = 20$ را محاسبه کنید.</p>	۱۲
۱	<p>هفت نقطه‌ی A, B, C, D, E, F, G روی محیط دایره هستند، چند مثلث مختلف می توان کشید که رئوس آن از این هفت نقطه انتخاب شده باشند؟</p>	۱۳
۲	<p>در جعبه‌ای ۴ مهره‌ی آبی و ۳ مهره‌ی قرمز وجود دارد. اگر از این جعبه ۳ مهره به تصادف خارج کنیم چقدر احتمال دارد:</p> <p>الف- هر سه مهره آبی باشند؟</p> <p>ب- هر سه مهره همنگ باشند؟</p>	۱۴
۲۰ نمره	موفق و مؤید باشید - قنبری	

نام درس: ریاضی
تاریخ امتحان: ۱۶/۳/۹۶
ساعت امتحان: ۸ صبح
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه

اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
مدیریت منطقه ۳
دیبرستان دوره اول/دوم دخترانه / پسرانه
کلید امتحانات پایان ترم دوم سال تحصیلی ۹۵-۹۶

نام و نام خانوادگی:
پایه و رشته: دهم ریاضی و تجربی
نام پدر:
شماره داوطلب:

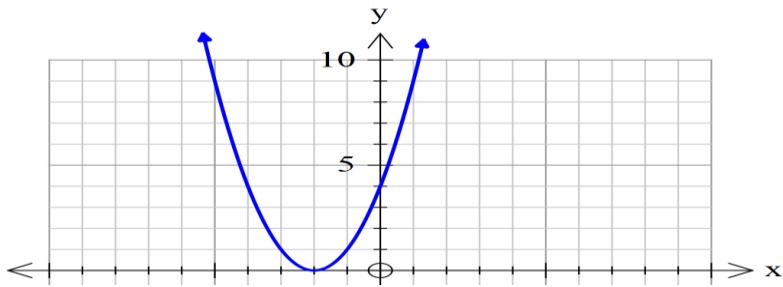
ردیف	کلید سوالات	بارم	محل مهر و امضاء مدیر
۱	الف - $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B) = ۶۰ + ۴۰ - ۲۰ = ۸۰$ ب - $n(A \cap B) = n(U) - n(A \cup B) = ۱۰۰ - ۸۰ = ۲۰$ ج - $n(A - B) = n(A) - n(A \cap B) = ۶۰ - ۲۰ = ۴۰$		
۲	$۳, \pm ۶, ۱۲, \pm ۲۴, ۴۸$ $a_1 q^4 = ۴۸ \xrightarrow{a_1 = ۳} q^4 = ۱۶ \rightarrow q = \pm ۲$		
۳	الف - $\frac{1+\tan \alpha}{1+\cot \alpha} = \frac{\cos \alpha + \sin \alpha}{\cos \alpha + \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}} = \frac{\cos \alpha + \sin \alpha}{\frac{\cos \alpha + \sin \alpha}{\sin \alpha}} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \tan \alpha$ ب - $\frac{\cos \theta}{1+\sin \theta} \times \frac{1-\sin \theta}{1-\sin \theta} = \frac{\cos \theta(1-\sin \theta)}{1-\sin^2 \theta} = \frac{\cos \theta(1-\sin \theta)}{\cos^2 \theta} = \frac{1-\sin \theta}{\cos \theta}$		
۴	$S = \frac{1}{2} \times ۴ \times ۱۰ \times \sin ۳۰^\circ = \frac{1}{2} \times ۴ \times \frac{1}{2} = ۱.$		
۵	الف - $\sin \alpha = \frac{۳}{۴}, \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = ۱ \rightarrow \cos^2 \alpha = ۱ - \frac{۹}{۱۶} = \frac{۷}{۱۶} \rightarrow \cos \alpha = -\sqrt{\frac{۷}{۱۶}}$ ب - $\tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{\frac{۳}{۴}}{-\sqrt{\frac{۷}{۱۶}}} = \frac{۳}{-\sqrt{۷}}, \cot \alpha = -\frac{\sqrt{۷}}{۳}$		
۶	الف - $x^2 - ۸x + ۶ = ۰ \rightarrow x^2 - ۸x + ۱۶ - ۱۶ + ۶ = ۰ \rightarrow (x - ۴)^2 = ۱۰ \rightarrow (x - ۴) = \pm \sqrt{۱۰} \rightarrow x = ۴ \pm \sqrt{۱۰}$ ب - $x^2 - ۴x - ۱۰ = ۰ \rightarrow (x - ۵)(x + ۲) = ۰ \rightarrow \begin{cases} x = ۵ \\ x = -۲ \end{cases}$ ج - $\Delta = b^2 - ۴ac = ۱۶ - ۴(۲) = ۱ \rightarrow x_{۱,۲} = \frac{-۴ \pm \sqrt{۱۷}}{۲}$		
۷	با توجه به اینکه ضریب x^2 مثبت است کافی است $\Delta < ۰$ باشد: $\Delta < ۰ : ۹ - ۴m < ۰ \rightarrow ۹ < ۴m \rightarrow m > \frac{۹}{۴}$		

نام درس: ریاضی
تاریخ امتحان: ۱۶/۳/۹۶
ساعت امتحان: ۸ صبح
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه

اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
مدیریت منطقه ۳
دیبرستان دوره اول/دوم دخترانه / پسرانه
کلید امتحانات پایان ترم دوم سال تحصیلی ۹۵-۹۶

نام و نام خانوادگی:
پایه و رشته: دهم ریاضی و تجربی
نام پدر:
شماره داوطلب:

$y = x^2 + 4x + 4, x = \frac{-b}{2a} = \frac{-4}{2} = -2$	۷												
<table border="1"> <tr> <td>x</td><td>-۴</td><td>-۳</td><td>-۲</td><td>-۱</td><td>۰</td></tr> <tr> <td>y</td><td>۴</td><td>۱</td><td>.</td><td>۱</td><td>۴</td></tr> </table>	x	-۴	-۳	-۲	-۱	۰	y	۴	۱	.	۱	۴	
x	-۴	-۳	-۲	-۱	۰								
y	۴	۱	.	۱	۴								



$$3x - 2 = 1 \rightarrow x = 1, 4y + 8 = -5 \rightarrow 4y = -13 \rightarrow y = -\frac{13}{4}$$

<table border="1"> <tr> <td>x</td><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td><td>۴</td></tr> <tr> <td>y</td><td>+</td><td>-</td><td>+</td><td>-</td></tr> </table>	x	۱	۲	۳	۴	y	+	-	+	-	۹
x	۱	۲	۳	۴							
y	+	-	+	-							

الف- $5 \times 10 \times 3 \times 2 = 300$
ب- $5 \times 1 \times 3 \times 2 = 30$
ج- $5 \times 1 \times 3 \times 1 = 15$

$$\frac{n!}{(n-2)!} = 20 \rightarrow \frac{n(n-1)(n-2)!}{(n-2)!} = 20 \rightarrow n(n-1) = 20 \rightarrow n = 5$$

چون ترتیب انتخاب نقاط برای ما مهم نیست و به ازای هر ۳ نقطه روی محیط دایره یک مثلث تشکیل می شود
داریم :

$$\binom{7}{3} = \frac{7!}{3!4!} = \frac{7 \times 6 \times 5 \times 4!}{3 \times 2 \times 4!} = 35$$

الف- $\frac{\binom{4}{3}}{\binom{7}{3}}$
ب- $\frac{\binom{4}{3} + \binom{3}{3}}{\binom{7}{3}}$